

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2019
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2ΓΑ(ε)

ΤΑΞΗ: Β' ΓΕΝΙΚΟΥ ΛΥΚΕΙΟΥ

ΜΑΘΗΜΑ: ΑΛΓΕΒΡΑ / ΓΕΝΙΚΗΣ ΠΑΙΔΕΙΑΣ

Ημερομηνία: Σάββατο 11 Μαΐου 2019

Διάρκεια Εξέτασης: 3 ώρες

ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

ΘΕΜΑ Α

- A1.** Έστω η πολυωνυμική εξίσωση $\alpha_vx^v + \alpha_{v-1}x^{v-1} + \dots + \alpha_1x + \alpha_0 = 0$, με ακέραιους συντελεστές. Αν ο ακέραιος $\rho \neq 0$ είναι ρίζα της εξίσωσης, τότε να αποδείξετε ότι ο ρ είναι διαιρέτης του σταθερού όρου α_0 .

Μονάδες 7

- A2.** Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν, γράφοντας στο τετράδιό σας, δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση, τη λέξη Σωστό αν η πρόταση είναι σωστή ή Λάθος αν η πρόταση είναι λανθασμένη.
- α)** Η συνάρτηση $f(x) = ax + \beta$, με $a < 0$ είναι γνησίως αύξουσα στο \mathbb{R} .
 - β)** Το πεδίο ορισμού της συνάρτησης $f(x) = \ln x^2$ είναι το \mathbb{R} .
 - γ)** Για κάθε γωνία α ισχύει η σχέση $\sin 2\alpha = \sin^2 \alpha - \cos^2 \alpha$.
 - δ)** Αν δύο πολυώνυμα είναι δευτέρου βαθμού, τότε και το άθροισμά τους είναι πάντα δευτέρου βαθμού.
 - ε)** Οι γραφικές παραστάσεις των συναρτήσεων $f(x) = a^x$ και $g(x) = a^{-x}$, όπου $0 < a \neq 1$ είναι συμμετρικές ως προς τον άξονα y' .

Μονάδες 2x5

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2019
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2ΓΑ(ε)

- A3.** Να αντιστοιχίσετε τις συναρτήσεις της **στήλης Α** με τις αντίστοιχες γραφικές παραστάσεις της **στήλης Β**.

Στήλη Α	Στήλη Β
a. $f(x) = e^x$	1.
β. $f(x) = e^{-x}$	2.
γ. $f(x) = -e^x$	3.
δ. $f(x) = -e^{-x}$	4.

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2019
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2ΓΑ(ε)

Μονάδες 8

ΘΕΜΑ Β

Δίνεται το πολυώνυμο $P(x) = -x^3 + \alpha x^2 + (\beta - 1)x + 7$, όπου $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$.

- B1.** Αν το $P(x)$ έχει παράγοντα το $x-1$ και η αριθμητική τιμή του πολυωνύμου $P(x)$ για $x=2$ είναι ίση με -7 , τότε να βρείτε τα α, β .

Για $\alpha = 3$ και $\beta = -8$

Μονάδες 6

- B2.** Να λύσετε την ανίσωση $P(x) > 0$.

Μονάδες 8

- B3.** Να βρείτε το πηλίκο $\pi(x)$ της διαίρεσης του $P(x)$ με το $x^2 - 1$ και στη συνέχεια να γράψετε την ταυτότητα της Ευκλείδειας διαίρεσης.

Μονάδες 5

- B4.** Να λύσετε την εξίσωση $P(x) = \pi(\pi(x+1)) - 10$.

Μονάδες 6

ΘΕΜΑ Γ

Δίνονται οι συναρτήσεις $f(x) = \ln(1 - \ln x)$ και $g(x) = \ln \frac{1-x}{1+x}$.

- Γ1.** Να βρείτε το πεδίο ορισμού της f και το σημείο τομής της γραφικής παράστασης της f με τον áξονα x' .

Μονάδες 6

- Γ2.** Να δείξετε ότι η g είναι περιττή συνάρτηση στο πεδίο ορισμού της.

Μονάδες 5

- Γ3.** Να δείξετε ότι $f(x) - f\left(\frac{1}{x}\right) = g(\ln x)$, για κάθε $x \in \left(\frac{1}{e}, e\right)$.

Μονάδες 7

- Γ4.** Να λύσετε την εξίσωση $f(x) + f\left(\frac{1}{x}\right) = g(\ln x)$, για κάθε $x \in \left(\frac{1}{e}, e\right)$.

Μονάδες 7

ΕΠΑΝΑΛΗΠΤΙΚΑ ΘΕΜΑΤΑ 2019
Β' ΦΑΣΗ

E_3.Μλ2ΓΑ(ε)

ΘΕΜΑ Δ

- Δ1. Να λύσετε την εξίσωση $2\eta\mu^2\alpha + 3\eta\mu\alpha + 1 = 0$, $\alpha \in [0, 2\pi]$

Μονάδες 5

- Δ2. Αφού αποδείξετε ότι $0 \leq 2\eta\mu\alpha + 2 \leq 4$ στη συνέχεια να βρείτε τις τιμές της γωνίας α rad, $\alpha \in [0, 2\pi]$, για τις οποίες η συνάρτηση $f(x) = (2\eta\mu\alpha + 2)^x$ είναι εκθετική.

Μονάδες 4

- Δ3. Έστω ότι η γραφική παράσταση της εκθετικής συνάρτησης f διέρχεται από το σημείο $A\left(\frac{1}{2}, 2\right)$. Αφού δείξετε ότι ο τύπος της f είναι $f(x) = 4^x, x \in \mathbb{R}$,

Μονάδα 1

τότε να λύσετε:

- i. την εξίσωση $f(\sigma vnx) + 2f(-\sigma vnx) = f(\log_4 3)$.

Μονάδες 5

- ii. την ανίσωση $f(\ln x) + f(2 \ln x) < \ln e^{f\left(\frac{1}{2}\right)}$.

Μονάδες 5

- iii. το σύστημα $\begin{cases} \log_4 f(x^2) + \log_4 f(y^2) = 25 \\ x + y = 7 \end{cases}$.

Μονάδες 5