



## Α' ΤΑΞΗ ΓΕΝ.ΛΥΚΕΙΟΥ

### ΑΛΓΕΒΡΑ

### ΕΚΦΩΝΗΣΕΙΣ

#### **ΘΕΜΑ 1<sup>ο</sup>**

- A. Άνθρωπος θ > 0 να αποδείξετε ότι  $|x| < \theta \Leftrightarrow -\theta < x < \theta$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 10**

- B. Σε καρτεσιανό σύστημα συντεταγμένων δίνονται τα σημεία A( $x_1, y_1$ ) και B( $x_2, y_2$ ). Να γράψετε τον τύπο, με τον οποίο υπολογίζεται η απόσταση AB.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 5**

- C. Να χαρακτηρίσετε τις προτάσεις που ακολουθούν γράφοντας στο τετράδιό σας δίπλα στο γράμμα που αντιστοιχεί σε κάθε πρόταση τη λέξη ΣΩΣΤΟ αν η πρόταση είναι σωστή, ή ΛΑΘΟΣ, αν η πρόταση είναι λανθασμένη.

- a) Άνθρωπος  $\alpha, \beta \in \mathbb{R}$ , τότε ισχύει:  $|\alpha - \beta| = |\beta - \alpha|$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

- b) Άνθρωπος  $\alpha \cdot \gamma < 0$ , τότε το τριώνυμο  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma$  παίρνει τη μορφή  $\alpha x^2 + \beta x + \gamma = \alpha(x - x_1)(x - x_2)$ , όπου  $x_1, x_2$  οι ρίζες του τριωνύμου.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

- c) Ισχύει πάντοτε  $\sqrt[n]{\alpha^n} = \alpha$ , όπου n θετικός ακέραιος και  $\alpha \in \mathbb{R}$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

- d) Άνθρωπος  $\alpha \cdot \beta > 0$ , τότε πάντοτε ισχύει:  $\sqrt{\alpha \beta} = \sqrt{\alpha} \sqrt{\beta}$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

- e) Άνθρωπος  $x > 0$ , τότε  $\frac{\sqrt{x^2}}{x} = 1$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

#### **ΘΕΜΑ 2<sup>ο</sup>**

Δίνονται οι ευθείες  $\varepsilon_1$  και  $\varepsilon_2$  με εξισώσεις

$$\varepsilon_1: y = (\lambda - 2)x + 1, \quad \varepsilon_2: y = \frac{2-\lambda}{4}x - 1$$

- a) Να βρείτε την τιμή του πραγματικού αριθμού  $\lambda$  ώστε οι ευθείες  $\varepsilon_1$  και  $\varepsilon_2$  να είναι παράλληλες.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 10**

- b) Να βρείτε τις τιμές των πραγματικών αριθμών  $\lambda$  ώστε οι ευθείες  $\varepsilon_1$  και  $\varepsilon_2$  να είναι κάθετες μεταξύ τους.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 15**

**ΘΕΜΑ 3<sup>ο</sup>**

Δίνεται η συνάρτηση  $f$  με τύπο  $f(x) = x^4 - \alpha x^2 + 2$ ,  $x \in \mathbb{R}$ , όπου

$$\alpha = \frac{\sqrt{2}+1}{\sqrt{2}-1} + \frac{\sqrt{2}-1}{\sqrt{2}+1}.$$

- α)** Να αποδείξετε ότι  $\alpha = 6$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 8**

- β)** Να υπολογίσετε την τιμή  $f(1)$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 2**

- γ)** Να λύσετε την εξίσωση:  $f(x) = f(1)$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 8**

- δ)** Να λύσετε την ανίσωση:  $f(x) - f(1) \leq 0$ .

**ΜΟΝΑΔΕΣ 7****ΘΕΜΑ 4<sup>ο</sup>**

Δίνεται η εξίσωση  $D \cdot \omega^2 - (Dx - Dy) \cdot \omega + 2Dx + Dy = 0$  (1), όπου  $D$ ,  $Dx$ ,  $Dy$  πραγματικοί αριθμοί ίσοι με τις ορίζουσες ενός συστήματος ( $\Sigma$ ) δύο γραμμικών εξισώσεων με δύο αγνώστους.

- A.** Έστω ότι η εξίσωση (1) είναι δευτέρου βαθμού ως προς  $\omega$

- α)** Να αποδείξετε ότι το γραμμικό σύστημα ( $\Sigma$ ) έχει μοναδική λύση.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 6**

- β)** Αν για το άθροισμα  $S$  και το γινόμενο  $P$  των ριζών της (1) ισχύει  $S = -1$  και  $P = -2$ , τότε:

**i)** Να δείξετε ότι  $\frac{D_x - D_y}{D} = -1$  και  $\frac{2D_x + D_y}{D} = -2$

**ΜΟΝΑΔΕΣ 6**

- ii)** Να βρείτε τη μοναδική λύση του γραμμικού συστήματος ( $\Sigma$ ).

**ΜΟΝΑΔΕΣ 5**

- B.** Αν  $D = 0$  και η (1) είναι αδύνατη, τότε να δείξετε ότι και το γραμμικό σύστημα ( $\Sigma$ ) είναι αδύνατο.

**ΜΟΝΑΔΕΣ 8****ΕΥΧΟΜΑΣΤΕ ΕΠΙΤΥΧΙΑ!!!**